

## Arbres : travaux pratiques

On utilise l'implémentation objet des arbres avec une seule classe présentée dans le cours.

### Exercice 1

Ouvrir le fichier arbre.py.

1. Générer un arbre aléatoire avec `a = genere_arbre(4)` et représenter cet arbre sur papier.
2. Générer un arbre aléatoire avec `a = genere_arbre_numerotation(4, p=1)` et représenter cet arbre sur papier.

Dans les exercices suivants, on importera le fichier arbre.py avec : `from arbre.py import *`  
Afin d'écrire des codes compatibles avec une implémentation fonctionnelle, on utilisera les fonctions `est_vide`, `etiquette`, `gauche`, `droite` plutôt que les méthodes correspondantes.  
On testera chaque fonction à l'aide du module `doctest` en exécutant le script.

### Exercice 2

Ouvrir le fichier arbre\_exercice2.py.

1. Écrire la fonction `est_feuille(arbre)` renvoyant `True` si un arbre est une feuille, `False` sinon.
2. Écrire la fonction `compter_feuilles(arbre)` renvoyant le nombre de feuilles d'un arbre.
3. Écrire la fonction `taille(arbre)` renvoyant la taille d'un arbre.
4. Écrire la fonction `hauteur(arbre)` renvoyant la hauteur d'un arbre.
5. Écrire la fonction `ajoute(lst1, lst2)` prenant deux listes d'entiers et renvoyant la liste obtenue en ajoutant entre eux les nombres de même positions.  
Ainsi, `ajoute([2, 1, 3], [3, 0, 4, 6])` renvoie `[5, 1, 7, 6]`.
6. Écrire la fonction `compter_noeud_niveau(arbre)` renvoyant le nombre de nœuds pour chaque niveau.

### Exercice 3

Ouvrir le fichier arbre\_exercice3.py.

Écrire les différents parcours en affichant les étiquettes de chaque nœud séparées d'un espace avec `print(etiquette(arbre), end=' ')`.

On pourra utiliser les files de la bibliothèque `collections` : `from collections import deque`

- `file = deque([])` crée une file vide.
- `if file:` convertit file en booléen prenant la valeur `False` si file est vide, `True` sinon.
- `file.append(e)` enfile l'élément e.
- `file.popleft()` défile un élément et le renvoie.

Ces opérations s'effectuent en temps constant.

### Exercice 4

Ouvrir le fichier arbre\_exercice4.py.

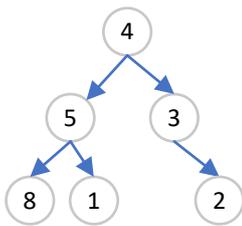
1. Écrire la fonction `conversion_jovif` convertissant un arbre en implémentation objet en un arbre en implémentation fonctionnelle, comme `(1, (2, None, None), (3, None, None))`.
2. Écrire les fonctions `etiquettef`, `gauchef`, `droitf`, renvoyant respectivement l'étiquette, le sous-arbre gauche et le sous-arbre droit d'un arbre en implémentation fonctionnelle.

3. Écrire la fonction `conversion_ifvio` convertissant un arbre en implémentation fonctionnelle en un arbre en implémentation objet.

### Exercice 5

Écrire une méthode de la classe `Noeud` d'entête `def represente(self, tiret="")`: affichant une représentation textuelle d'un arbre, comme dans l'exemple ci-dessous, l'arbre vide étant représenté par le caractère `*`.

```
4
-5
--8
---*
---*
--1
---*
---*
-3
--*
--2
---*
---*
```



Un affichage sans les arbres vides est plus agréable, mais on ne voit plus si un fils affiché est le fils gauche ou droit, à moins de remplacer le tiret par un symbole différent pour chaque fils, par exemple :

```
4
/5
//8
/\1
\3
\\2
```

### Exercice 6

L'application `graphviz` permet de représenter graphiquement des arbres :

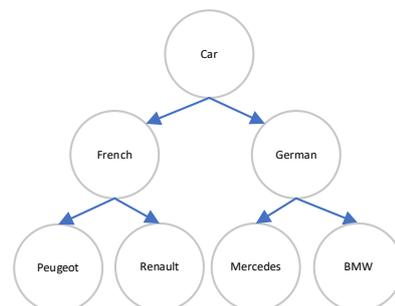
<http://www.graphviz.org/download/>

On y accède en Python avec la bibliothèque `graphviz` : <https://pypi.org/project/graphviz/>

Exemples d'utilisation : <https://graphviz.readthedocs.io/en/stable/examples.html>

Pour simplifier l'utilisation de `graphviz`, on va uniquement s'intéresser aux arbres dont tous les nœuds ont des contenus différents. Dans le cas contraire, on doit utiliser un identifiant différent pour chaque nœud et enregistrer le contenu de chaque nœud dans une étiquette (label), ce qui complique grandement la tâche.

1. En s'inspirant de l'exemple `hello.py`, afficher le graphe suivant.
2. Écrire une fonction `montrer_arbre(arbre)` qui affiche un arbre en utilisant `graphviz`.  
Tester cette fonction en générant un arbre avec la fonction `genere_arbre_numerotation`.



### Installation de `graphviz` sur Windows

J'ai eu un peu de mal à faire fonctionner `graphviz` sur mon pc. Voilà une procédure qui fonctionne :

<http://www.graphviz.org/download/> : j'ai pris le build `cmake`

Rajouter le chemin vers `graphviz/bin` dans le path et taper `dot -c` dans une invite de commandes en mode administrateur.

Puis installer la bibliothèque Python `graphviz` : <https://pypi.org/project/graphviz/>